







## Tutorial

## A ESTATÍSTICA E O CONSUMO DE ENERGIA ELÉTRICA

O software na forma de objeto de aprendizagem, inicia com uma turma de alunos do ensino médio, numa visita ao laboratório de análise de uma companhia de tratamento e distribuição de água potável. Na tela inicial temos um painel com informações sobre a água, e a caixa de texto para digitar o nome do aluno usuário.

Para iniciar as atividades é necessário digitar o nome do usuário/equipe em insira o seu nome e logo após clicar na opção confirmar.



No objeto temos os seguintes itens que vão ajudar e possibilitar que o usuário desenvolva as atividades.





Durante a viagem de ônibus, um aluno olha o celular e vê a previsão do tempo.



Abaixo a imagem que o aluno está visualizando

	PREVISÃO DO	OTEMPO
0	HOJE 26°C	Chuva: 60% Umidade: 67% Vento:18 km/h

Na segunda tela temos alunos conversando dentro do ônibus escolar!



A imagem a seguinte representa o que o aluno está olhando no celular, ao pesquisar águas de rios, de onde são bombeadas as águas para posterior tratamento.









Nas duas próximas telas seguintes mostra um esquema com várias situações que ocupam agua de um rio e as poluições que nele existem!



estas. Basta clicar em cada uma das etapas para saber mais sobre.

Nas imagem a segui aparecem as informações que aparecem AL clicar sobe cada um dos botões representados pelos tubos.



Coagulação

A água que está armazenada no tanque recebe a adição de um sal chamado de sulfato de alumínio ou sulfato férrico. Esses compostos formam uma substância gelatinosa que favorece a formação de flocos (junção das impurezas na substância gelatinosa).



Floculação



Nessa etapa, a água é direcionada para outro tanque, onde será adicionado um polímero que favorecerá que os flocos formados na etapa de coagulação juntem-se e formem flocos ainda maiores e mais pesados.









## Filtração

## Decantação





Após a floculação, a água é direcionada para um novo tanque, onde ela permanecerá em repouso para que os flocos formados sejam decantados para o fundo do tanque, haja vista que eles são mais densos que a água.

Após a decantação, a água atravessa um grande filtro formado por areia, carvão ativado e cascalho. Nessa etapa, as impurezas que não aderiram aos flocos ficam retidas no filtro, além de a água sofrer uma desodorização pela presença do carvão ativado.



Cloração

Nessa etapa, é adicionada à água uma quantidade de ácido com flúor, o Ácido Fluossilícico (H2SiF6), para auxiliar na redução de cáries na população.

Além da adicção de Flúor, o Cloro também é adicionado à água, na forma de sal, com o objetivo de eliminar os micro-organismos presentes.





No botão Saiba Mais um vídeo do BIOE e indicado para ser assistido caso o aluno queira saber mais sobre as etapas do tratamento da água. O link para assistir ao vídeo está na imagem que aparece conforme a imagem a seguir. O endereço é :

http://objetoseducacionais2.mec.gov.br/bitstream/handle/mec/5035/open/file/index.html? sequence=8



Para Fechar a janela, basta clicar em ... OK

Em seguida aparece a apresentação do responsável pelo laboratório. Para prosseguir vendo as a fala, baste clicar na seta baixo do balão da fala. Aqui será mostrado toda a fala.















Ao clicar no Saiba Mais da tela acima 🔽, serão mostradas as seguintes mensagens:







## Saiba mais!

1



A turbidez é medida com turbidímetros e é expressa em Unidade Nefelométrico de Turbidez ( NTU) ou Unidades de Turbidez (UT), ou ainda em mg/L de Si02 (miligramas por litro em Sílica). Para tal, mede-se a propriedade óptica de absorção e reflexão da luz. Nas águas superficiais existe a presença de partículas que causam a turbidez, tais como silte, argila, colóides, sílica. Nas águas subterrâneas estes elementos são ausentes.

Turbidímetros são os instrumentos que medem turbidez.













# Saiba mais!

## Cor em uma Amostra de Água

A cor de uma amostra de água está associada ao grau de redução de intensidade que a luz sofre ao atravessá-la, devido à presença sólidos dissolvidos, principalmente material em estado coloidal orgânico e inorgânico. Dentre os colóides orgânicos, pode-se mencionar os ácidos húmico e fúlvico, substâncias naturais resultantes da decomposição parcial de compostos orgânicos presentes em folhas, dentre outros substratos. 1 Unidade de Cor (uC) = 1 unidade Hazen (uH) = 1 mg Pt Co/L Quanto menor a cor da água melhor é a qualidade da mesma.

## Cloro Livre Residual

Chama-se cloro residual livre o cloro presente na água nas formas do ácido hipocloroso (HOCI) ou do íon hipoclorito (OCI-). A unidade de medida utilizada é de mg/L. Recomendase que o teor máximo de cloro residual livre em qualquer ponto do sistema de abastecimento seja de 2 mg/L e no máximo 5mg/L

O cloro é comumente utilizado na etapa de desinfecção do tratamento da água, pelo seu poder de destruição/inativação dos organismos patogênicos, bem como dos outros organismos indesejáveis, capazes de afetar a saúde humana.

OK











# Saiba mais!

## Coliformes Totais e Escherichia. Colli

Segundo consta no Manual Prático de Análise de Água, coliformes totais são bactérias do grupo coliforme – bacilos gram-negativos, aeróbios ou anaeróbios facultativos, não formadores de esporos, oxidase-negativos, capazes de se desenvolver na presença de sais biliares ou agentes tensoativos que fermentam a lactose com produção de ácido, gás e aldeído a 35,0 ± 0,5°C em 24-48 horas, e que podem apresentar atividade da enzima ß - galactosidase. A maioria das bactérias do grupo coliforme pertence aos gêneros **Escherichia, Citrobacter, Klebsiella e Enterobacter**, embora vários outros gêneros e espécies pertençam ao grupo.

Os testes laboratoriais verificam a presença ou ausência em cada amostra de 100ml da água distribuída.

O manual pode ser acessado clicando aqui.





4



MINISTÉRIO DA EDUCAÇÃO









Os links desta mensagem estão listados abaixo.

1)http://bvsms.saude.gov.br/bvs/saudelegis/gm/2011/prt2914\_12\_12\_2011.html

2) http://www.vigilanciasanitaria.sc.gov.br/index.php/download/category/229-vigiagua? download=1257: diretriz-nacional-do-plano-de-amostragem-do-vigiagua

3) http://bvsms.saude.gov.br/bvs/saudelegis/gm/2011/anexo/anexo\_prt2914\_12\_12\_2011.pdf

Após esta parte os alunos, personagens desta estória voltam para a casa. Nesta tela devemos clicar no botão saiba mais para mais informações!



Após achegada na escola, a professora começa a explicar o conteúdo de probabilidade e estatística!

















Ao clicar no botão Saiba Mais 🕇, aparecerá a terá a seguir.











Nas telas seguintes são apresentados vários exemplos resolvidos.

MINISTERIO DA EDUCAÇÃO	BABILID STATÍST	ADE E ICA		() FIDEN		
Exemplo 1	Relatório da	qualidade d	la água	da CORSAI	N - Unidade 10	07 de
Considerando os valores da tabela, qual a probabilidade de obter índice de cor = 0 UT, ao sortear 1 mês entre os 7 que constam nesse quadro, ou seja, P(Cor=0 UH)?	Mês	Turbidez (UT)	Cor (UH)	Cloro Livre Residual	Coliformes Totais (Unidades em 100ml.)	E. Coli (Unidades em 100ml.)
Desenvolvimento do cálculo de encontrar 1 mês entre os 7 e obter o mês onde cor = 0:	ian/17	0.6	0	1.25	Ausente	Ausente
<ul> <li>a) Neste caso o nosso universo é a sequência dos índices de cor: Cor = 0, 0, 0, 0, 1, 1, 0.</li> </ul>	fev/17	0,7	0	1,18	Ausente	Ausente
b) Marcando os índices da cor favoráveis da cor ser igual a 0 temos:	mar/17	0,7	0	1,34	Ausente	Ausente
Cor = 0, 0, 0, 0, 1, 1, 0. c) P(Cor=0 UH) =	abr/17	0,7	0	1,24	Ausente	Ausente
$\frac{n^{\circ} \text{ de casos favoráveis de mês com cor = 0}}{1000 \text{ constraints}} = \frac{5}{100000000000000000000000000000000000$	mai/17	0,9	1	1,34	Ausente	Ausente
nº total de meses da tabela 7 Resposta:	jun/17	1,1	1	1,30	Ausente	Ausente
Probabilidade de encontrar um mês na tabela ao lado em ue o índice da cor seja 0UH é de 0,71 ou 0,71x100% = 71% -	jul/17	0,9	0	1,30	Ausente	Ausente
Observação: O valor do exemplo acima foi arredondado para mostrar 2 algarismos significativos.	Padrão de Qualidade	0,0 a 5,0	0 a 15	0,20a 5,0	Ausente	Ausente

Fonte:CORSAN Unidade 107







### **PROBABILIDADE E ESTATÍSTICA**

#### FIDEN anijai

Exemplo 2

MINISTÉRIO DA EDUCAÇÃO

Considerando os valores da tabela, qual a probabilidade de obter índice de cor = 1UT. Ao sortear 1 mês entre os 7 que constam nesse quadro, ou seja, P(Cor=1 UH)?

Desenvolvimento do cálculo de encontrar 1 mês entre os 7 e obter o mês onde cor = 1:

a) Neste caso o nosso universo é a sequência dos índices de cor: Cor = 0, 0, 0, 0, 1, 1, 0.

b) Marcando os índices da cor favoráveis da cor ser igual a 1 temos: Cor = 0, 0, 0, 0, 1, 1, 0

c) P(Cor=1 UH) =

<u>n° de casos favoráveis de mês com cor = 1</u> =  $\frac{2}{-}$  = 0,29 nº total de meses da tabela

#### Resposta:

Probabilidade de encontrar um mês na tabela ao lado em que o índice da cor seja 1UH é de 0,29 ou 0,29x100% = 29% Observação: O valor do exemplo acima foi arredondado para mostrar 2 algarismos significativos.

Mês	Turbidez (UT)	Cor (UH)	Cloro Livre Residual (mg/L)	Coliformes Totais (Unidades em 100mL)	E. Coli (Unidades em 100mL)
jan/17	0,6	0	1,25	Ausente	Ausente
fev/17	0,7	0	1,18	Ausente	Ausente
mar/17	0,7	0	1,34	Ausente	Ausente
abr/17	0,7	0	1,24	Ausente	Ausente
mai/17	0,9	1	1,34	Ausente	Ausente
jun/17	1,1	1	1,30	Ausente	Ausente
jul/17	0,9	0	1,30	Ausente	Ausente
Padrão de Qualidade	0,0 a 5,0	0 a 15	0,20 a 5,0	Ausente	Ausente

Fonte:CORSAN Unidade 107

#### **PROBABILIDADE E ESTATÍSTICA**



#### Exemplo 3

EDUCAÇÃO

Considerando os valores da tabela, qual a probabilidade de obter indice de Cloro livre residual > 1 mg/L ao sortear 1 mês entre os 7 que constam nesse quadro, ou seja, P(Cloro livre residual >1 mg/L)?

Desenvolvimento do cálculo de encontrar 1 mês entre os 7 e obter o mês onde o Cloro Livre Residual seja > 1mg/L:

a) Neste caso o nosso universo é a sequência dos índices de Cloro livre sidual Cloro livre residual = 1,25; 1,18; 1,34; 1,24; 1,34; 1,30; 1,30;

b) Verificando os índices de Cloro livre residual encontramos casos favoráveis de Cloro livre residual>1. Cloro livre residual=1,25; 1,18; 1,34; 1,24; 1,34; 1,30; 1,30;

c) P(Cloro livre residual >1 mg/L) =

 $n^{\circ}$  de casos favoráveis de mês com Cloro Livre Residual > 1 =  $\frac{7}{7}$  = 1 nº total de meses da tabela

Resposta: Probabilidade de encontrar um més na tabela ao lado em que o índice de cloro livre residual é de 1 ou 1x100% = 100%. Isto significa que é um evento que ocorre com certeza.

aneiro a julh	o de 2017						
Mês	Turbidez (UT)	Cor (UH)	Cloro Livre Residual (mg/L)	Coliformes Totais (Unidades em 100mL)	E. Coli (Unidades em 100mL)		
jan/17	0,6	0	1,25	Ausente	Ausente		
fev/17	0,7	0	1,18	Ausente	Ausente		
mar/17	0,7	0	1,34	Ausente	Ausente		
abr/17	0,7	0	1,24	Ausente	Ausente		
mai/17	0,9	1	1,34	Ausente	Ausente		
jun/17	1,1	1	1,30	Ausente	Ausente		
jul/17	0,9	0	1,30	Ausente	Ausente		
Padrão de Qualidade	0,0 a 5,0	0 a 15	0,20 a 5,0	Ausente	Ausente		
Fonte:CORSAN Unidade 107							

Relatório da qualidade da água da CORSAN - Unidade 107 de







### **PROBABILIDADE E ESTATÍSTICA**



MINISTÉRIO DA EDUCAÇÃO

Considerando os valores da tabela, qual a probabilidade de obter índice de Cloro livre residual < 1 mg/L ao sortear 1 mês entre os 7 que constam nesse quadro, ou seja, P(Cloro livre residual < 1 mg/L)?

Desenvolvimento do cálculo de encontrar 1 mês entre os 7 e obter o mês onde o Cloro Livre Residual seja < 1mg/L:

a) Neste caso o nosso universo é a sequência dos índices de Cloro livre residual. Cloro livre residual = 1,25; 1,18; 1,34; 1,24; 1,34; 1,30; 1,30;

b) Verificando os índices de Cloro livre residual não encontramos casos favoráveis de Cloro livre residual < 1. 0,6 e 1,25 ; 0,7 e 1,18; 0,7 e 1,34; 0,7 e 1,24; 0,9 e 1,34 1,1 e 1,30; 0,9 e 1,30

c) P(Cloro livre residual < 1 mg/L) =

 $\frac{n^{o} \text{ de casos favoráveis de mês com Cloro Livre Residual < 1}{n^{o} \text{ total de meses da tabela}} = \frac{0}{7} = 0$ 

Resposta: Probabilidade de encontrar um mês na tabela ao lado em que o índice do cloro residual livre seja menor que 1mg/L é zero, ou seja,

impossível. Observação: O valor do exemplo acima foi arredondado para mostrar 2 algarismos significativos.

Relatório da janeiro a julh	qualidade o lo de 2017	la água	da C	ORSA	N - Unidade 10	)7 de

Mês	Turbidez (UT)	Cor (UH)	Cloro Livre Residual (mg/L)	Coliformes Totais (Unidades em 100mL)	E. Coli (Unidades em 100mL)
jan/17	0,6	0	1,25	Ausente	Ausente
fev/17	0,7	0	1,18	Ausente	Ausente
mar/17	0,7	0	1,34	Ausente	Ausente
abr/17	0,7	0	1,24	Ausente	Ausente
mai/17	0,9	1	1,34	Ausente	Ausente
jun/17	1,1	1	1,30	Ausente	Ausente
jul/17	0,9	0	1,30	Ausente	Ausente
Padrão de Qualidade	0,0 a 5,0	0 a 15	0,20a 5,0	Ausente	Ausente

Fonte:CORSAN Unidade 107



## **PROBABILIDADE E ESTATÍSTICA**



#### Exemplo 5

Considerando os valores da tabela, qual a probabilidade de obter índice de turbidez maior ou igual a 0,9 e, ao mesmo tempo, com índice de cloro livre residual igual a 1,30 ao sortear 1 mês entre os 7 que constam nesse quadro, ou seja, P(turbidez≥0,9UT e Cloro livre residual=1,30 mg/L)?

Desenvolvimento do cálculo:

a) Neste caso o nosso universo é a sequência dos índices dos dois índices mensais é respectivamente: 0,6 e 1,25; 0,7 e 1,18; 0,7 e 1,34; 0,7 e 1,24; 0,9 e 1,34; 1,1 e 1,30; 0,9 e 1,30.

b) Verificando na sequência dos índices dos dois índices mensais, encontramos sprenas um caso orde o indice Cloro livre residual = 1 mg/L e ao mesmo tempo com indice de turbidez maior que 1. >0,6 e 1,25; 0,7 e 1,18; 0,7 e 1,34; 0,7 e 1,24; 0,9 e 1,34 1,1 e 1,30; 0,9 e 1,30

c) P(turbidez≥0,9UT e Cloro livre residual=1,30 mg/L) =

<u>n° de casos com turbidez  $\ge$  0,9UT e Cloro Livre Residual = 1,30mg/L</u> =  $\frac{2}{7}$  = 0,29 nº total de meses da tabela

Resposta:

A Probabilidade de encontrar um mês na tabela ao lado em que obter índice de turbidez maior e, ao mesmo tempo, com índice de cloro livre residual igual a 1,30 é de 0.28. (ou 29%). Observação: O valor do exemplo acima foi arredondado para mostrar 2

algarismos significativos.

Mês	Turbidez (UT)	Cor (UH)	Cloro Livre Residual (mg/L)	Coliformes Totais (Unidades em 100mL)	E. Coli (Unidades em 100mL)
jan/17	0,6	0	1,25	Ausente	Ausente
fev/17	0,7	0	1,18	Ausente	Ausente
mar/17	0,7	0	1,34	Ausente	Ausente
abr/17	0,7	0	1,24	Ausente	Ausente
mai/17	0,9	1	1,34	Ausente	Ausente
jun/17	1,1	1	1,30	Ausente	Ausente
jul/17	0,9	0	1,30	Ausente	Ausente
Padrão de Qualidade	0,0 a 5,0	0 a 15	0,20 a 5,0	Ausente	Ausente







## **PROBABILIDADE E ESTATÍSTICA**



#### Exemplo 6

MINISTÉRIO DA EDUCAÇÃO

Considerando os valores da tabela, qual a probabilidade de obter índice de turbidez menor que 0,9UT ou com índice de cor=0 ao sortear 1 mês entre os 7 que constam nesse quadro, ou seja, P(turbidez< 0,9UT ou cor=0UH)?

Desenvolvimento do cálculo:

a) Neste caso o nosso universo é a sequência dos índices dos dois índices mensais é respectivamente: 0,6 e 0; 0,7 e 0; 0,7 e 0; 0,7 e 0; 0,9 e 1 1,1 e 1; 0,9 e 0.

b) Verificando na sequência dos índices dos dois índices mensais, 0,9UT ou o índice da cor igual a 0. 0,6 e 0; 0,7 e 0; 0,7 e 0; 0,7 e 0; 0,9 e 1 1,1 e 1; 0,9 e 0.

c) P(turbidez< 0,9UT ou cor=0UH) =

 $n^{\circ}$  de casos com turbidez < 0,9UT ou Cloro Livre Residual =  $0 mg/L = \frac{5}{2}$ nº total de meses da tabela

#### = 0.71

= 0,71 Resposta: A Probabilidade de encontrar um mês na tabela ao lado em a probabilidade de obter índice de turbidez menor que 0,9UT ou com índice de cor=0 é de 0,7(ou 0,71x 100%= 71%).

janeiro a juin	0 de 2017				
Mês	Turbidez (UT)	Cor (UH)	Cloro Livre Residual (mg/L)	Coliformes Totais (Unidades em 100mL)	E. Coli (Unidades em 100mL)
jan/17	0,6	0	1,25	Ausente	Ausente
fev/17	0,7	0	1,18	Ausente	Ausente
mar/17	0,7	0	1,34	Ausente	Ausente
abr/17	0,7	0	1,24	Ausente	Ausente
mai/17	0,9	1	1,34	Ausente	Ausente
jun/17	1,1	1	1,30	Ausente	Ausente
jul/17	0,9	0	1,30	Ausente	Ausente
Padrão de Qualidade	0,0 a 5,0	0 a 15	0,20a 5,0	Ausente	Ausente

Relatório da qualidade da água da CORSAN - Unidade 107 de

Fonte:CORSAN Unidade 107



A parir desta tela deve-se ler atentamente e resolver as questões que estão nas próximas imagens.

aparece somente depois do aluno acertar cada questão. A seta para prosseguir

> **MEC/PROEXT 2015** Convênio SICONV nº 826051/2015.









MINISTÉRIO DA EDUCAÇÃO	PROBAE Esta	BILIDAD Tístic/	DE E A			THE ME
1. Qual a probabilidade da cor ser 3 ao	Médias m Ijuí-RS, 2	iensais do p 013	oadrão	de qualidade d	a água na cidade de	×
30%		Turbidez (UT)	Cor (UH)	Cloro Livre Residual (mg/L)	Coliformes Totais (Unidades em 100mL)	
20%	jan/13	0,7	2,0	1,17	Ausente	
27%	fev/13	0,7	2,0	1,04	Ausente	
25%	mai/13	1,1	3,0	1,05	Ausente	
35%	jun/13	0,7	2,0	1,07	Ausente	
Enviar resposta	jul/13	1,1	3,0	1,11	Ausente	
	ago/13	1,1	3,0	0,98	Ausente	
	set/13	0,6	2,0	1,03	Ausente	
	out/13	0,8	2,0	1	Ausente	
	nov/13	0,6	2,0	0,89	Ausente	
	dez/13	0,6	2,0	1,02	Ausente	
	Fo	nte: CORSA	N, Unio	lade 107.		

Ao clicar no botão ajuda ?, será mostrada a seguinte mensagem.



Após acertar a questão:









	ESTATÍSTICA			
			<b>=</b>	- 80
<ol> <li>Qual a probabilidade da cor ser 3 ao sortearmos um mês de forma aleatória?</li> </ol>	Médias mensais qualidade da ág ljuí-RS, 2013	do padrão ua na cidad	de e de	
30%	Turbi (U	idez Cor T) (UH)	Cloro Livre Residual	Coliformes Totais
20%			(mg/L)	em 100mL)
27%	jan/13 0,	7 2,0	1,17	Ausente
25%	fev/13 0,	7 2,0	1,04	Ausente
35%	mar/13 0,	8 2,0	1,11	Ausente
Enviar respost	abr/13 0,	7 2,0	0,97	Ausente
Parabéns!	mai/13 1,	1 3,0	1,05	Ausente
Resposta correta.	jun/13 0,	7 2,0	1,07	Ausente
	iul/13 1	1 30	1 11	Ausente

Para resolvermos esta questão **1** foi considerado a quantidade de casos possíveis, que são 3 casos, e dividir pela quantidade de casos favoráveis, 12 meses. Cálculo realizado para resolver a questão 1: 3/12=0,25.







MINISTERIO DA EDUCAÇÃO	PROBAB ESTA	ILIDAD Fístic/	FII Marine		
2. Qual a probabilidade da turbidez	Médias m Ijuí-RS, 20	ensais do p 013	oadrão (	de qualidade d	a água na cidade de
forma aleatória?		Turbidez (UT)	Cor (UH)	Cloro Livre Residual (mg/L)	Coliformes Totais (Unidades em 100mL)
0,66	jan/13	0,7	2,0	1,17	Ausente
0,44	fev/13	0,7	2,0	1,04	Ausente
0,55	mai/13	1,1	3,0	1,05	Ausente
0,20	jun/13	0,7	2,0	1,07	Ausente
Enviar resposta	jul/13	1,1	3,0	1,11	Ausente
	ago/13	1,1	3,0	0,98	Ausente
	set/13	0,6	2,0	1,03	Ausente
	out/13	0,8	2,0	1	Ausente
	nov/13	0,6	2,0	0,89	Ausente
	dez/13	0,6	2,0	1,02	Ausente
	Fo	nte: CORSA	AN, Unio	dade 107.	

Na questão 2 pede-se que a probabilidade da turbidez ser 0,7, se escolhermos um mês de forma aleatória!

Assim para resolvermos, devemos calcular os 4 meses com a turbidez 0,7 e dividir pelos 12 meses do ano!

Então 4/12= 0,3333...

Caso não consiga resolver, basta clicar no botão ajuda.









## PROBABILIDADE E ESTATÍSTICA



### Ajuda!

Relatório	da qualidad	le de ág	jua da COR	SAN - unidade	107 - 2013		Na questão número 2, para calcular a probabilidade da turbidez ser
Mês	Turbidez (UT)	Cor (UH)	Cloro Livre Residual (mg/L)	Coliformes Totais (Unidades em 100mL)	E. Coli (Unidades em 100mL)		0,7 UT P(0,7UT), ao escolher um mês aleatoriamente ou por acaso, devemos dividir o número de casos favoráveis pelo número de quantidades possíveis. Na tabela aparecem 4 meses onde a turbidez é 0,7 UT, entre um total de 12 meses. Ou seja, 4 casos favoráveis de ser 0,7UT entre um total de 12 casos possíveis entre as amostras.
jan/13	0,7	2,0	1,17	Ausente	Ausente	+	Cálculo: P(0,7 UT)=4/12=0,333 se for expresso com 2 algarismos
fev/13	0,7	2,0	1,04	Ausente	Ausente	+	representado por 33/100 ou 33%.
mar/13	0,8	2,0	1,11	Ausente	Ausente		Na questão número 3 temos 4 casos com tubidez 0,7UT mais 2 casos com turbidez 8, portanto com turbidez 0,7UT ou 0,8 UT temos ao
abr/13	0,7	2,0	0,97	Ausente	Ausente	+	todo 6 casos num total de 12. Calcule a probabilidade solicitada na questão usando estas informações!
mai/13	1,1	3,0	1,05	Ausente	Ausente		
jun/13	0,7	2,0	1,07	Ausente	Ausente	+	
jul/13	1,1	3,0	1,11	Ausente	Ausente		
ago/13	1,1	3,0	0,98	Ausente	Ausente		
set/13	0,6	2,0	1,03	Ausente	Ausente		
out/13	0,8	2,0	1	Ausente	Ausente		
nov/13	0,6	2,0	0,89	Ausente	Ausente		
dez/13	0,6 2	2,0	1,02	Ausente	Ausente		
o clicar	no bot	ão sa	aiba ma	is 🕂 pa	ara mais	in	ок formações, aparecerão a seguintes mensagens.
MINISTERIO DA EDUCAÇÃO	BR					1	
				P	Proba	bi	ilidade teórica ou
					fre	qι	uência relativa
2. es	Qual a pro colhermos 0,33	babilio s um m	dade da tu nês de forr	Os mo rbi são co na sobre partes 1ª) Do	odelos prol onstruidos o problem s: os possíveis	a pa a pa a en s re:	ilísticos, ou modelos de probabilidades artir de certas hipóteses ou suposições m questão, e constituem-se de duas sultados do experimento
	0.66			2ª) Da (ou gr	i certa lei q upo de res	ue n ulta	nos diz quão provável é cada resultado sidual (Unidades ados)

0,33 0,66 0,44 0,55 0,20 Enviar resposta

A probabilidade de um evento qualquer é dada por: P(x) = n(x)/n Onde: n(x) é o número de casos favoráveis à x n é o número de casos possíveis à x.

ualidade da ualidade da loro ividual ig/L) 100 Vidual ig/L) 100 Coliformes Totais (Unidades em 100mL) ,17 Ausente ,04 Ausente

,97

Ausente







BRISIL	1-2-3		j 
	Lei da Soma para eventos		
	mutuamente exclusivos		
Qual a probabilidade da tur colhermos um mês de form	Eventos mutuamente exclusivos são aqueles cuja ocorrência de um elimina a probabilidade de ocorrência do outro. Neste caso a probabilidade de ocorrência de um ou outro evento é expressa por:	e qualidad 13	de da
0,33	P(A+B)=P(A)+(B)	Cloro Livre	Coliformes Totais
0,66	Lei da Soma para eventos mutuamente exclusivos para eventos quaisquer Teorema da Soma, Seiam A e B, eventos quaisquer não	Residual (mg/L)	(Unidades em 100mL)
0,44	mutuamente exclusivos e A⊂Ω e B⊂Ω, então:	1,17	Ausente
0,55	Demonstração Neste caso definimos a seguinte expressão de	1,04	Ausente
0,20	probabilidade: P(A+B)=P(A)+(B)-P(AB)	1,11	Ausente
Enviar resposta		0,97	Ausente
Parabéns!	OK	1,05	Ausente
	1 2 3		
OVERNO FEDERAL	PROBABILIDADE		
	Quando o interesse é calcular a probabilidade de ocorrência de um	,	
Qual a probabilidade da turbidez s colhermos um mês de forma aleat	evento A, dada a ocorrência de um evento B, Exemplos: Qual é a probabilidade de um casal ter uma filha daltônica, sabend	dade	da água na
J,33	se que é daltônica e menina? Na probabilidade condicional, queremos calcular a probabilidade d na probabilidade de la condicional, queremos calcular a probabilidade d	le	Coliformes Totais
0,66	probabilidade é representada por P(A/B) (lê-se probabilidade de A dado B)	al ( )	(Unidades em 100mL)
D,44	Nota: P(A/B): probabilidade do evento A dado que se sabe que B já ocorreu.		Ausente
D,55	Sejam A e B eventos quaisquer, sendo P(B)>0. Definimos a probabilidade condicional de A dado B por		Ausente
0,20	P(A/B)=P(AB)/P(B)		Ausente
Enviar resposta	Se houver interesse no oposto, isto é, na probabilidade de ocorrência de B condicionada à ocorrência prévia de A, sendo R(A)-0, terreçe:		Ausente
Parabéns! Respos	P(B A)=P(AB)/P(A)		Ausente
correta.	Observação: A operação de intersecção é comutativa, implicando em AB=BA		Ausente
	ОК		Ausente

Na questão 3 pede-se que a turbidez seja 0,7 ou 0,8 se escolhermos um mês de forma aleatória!

Assim para resolvermos, devemos calcular os 6 meses com a turbidez 0,7 ou 0,8 e dividir pelos 12 meses do ano!







Então 6/12= 0,5

Caso não consiga resolver clicar no botão ajuda.

	PROBAB ESTAT	ILIDAD Tístic/	DE E A		
<ol> <li>Qual a probabilidade da turbidez ser</li> <li>7 ou 0,8 se escolhermos um mês de</li> </ol>	Médias m ljuí-RS, 20	ensais do p 013	oadrão (	de qualidade d	a água na cidade de
forma aleatória?		Turbidez (UT)	Cor (UH)	Cloro Livre Residual (mg/L)	Coliformes Totais (Unidades em 100mL)
Enviar resposta	jan/13	0,7	2,0	1,17	Ausente
	fev/13	0,7	2,0	1,04	Ausente
	mai/13	1,1	3,0	1,05	Ausente
	jun/13	0,7	2,0	1,07	Ausente
	jul/13	1,1	3,0	1,11	Ausente
	ago/13	1,1	3,0	0,98	Ausente
	set/13	0,6	2,0	1,03	Ausente
	out/13	0,8	2,0	1	Ausente
	nov/13	0,6	2,0	0,89	Ausente
	dez/13	0,6	2,0	1,02	Ausente
	Fo	nte: CORSA	N, Unio	dade 107.	
	PU		un, onin	107.	

Na questão 3 pede-se que a turbidez seja 0,7 ou 0,8 se escolhermos um mês de forma aleatória!

Assim para resolvermos, devemos calcular os 6 meses com a turbidez 0,7 ou 0,8 e dividir pelos 12 meses do ano!

Então 6/12= 0,5

Ao clicar no botão Saiba mais aparecem as mesmas informações que apareceram no exercício

Na questão 4 pede-se qual a probabilidade do cloro residual livre seja maior ou igual a 1mg/L e melhor que 1,1 mg/L, se sortearmos um mês do ano da tabela acima!



Nesta tela a questão 4, ao clicar no botão saiba mais, aparecerão as informações.



Questão 5.

Na questão 5 qual a probabilidade entre os meses abril/13 e set/13, da cor da água estar em 3 e o cloro residual acima de 1.

		FIDEN	E		
MINISTERIO DA EDUCAÇÃO	ROBAB Esta	ILIDAD Fístic/	)E E A	j Fil	
5. Aproximadamente, qual a probabilidade	Médias m Ijuí-RS, 20	ensais do p )13	oadrão (	de qualidade d	a água na cidade de
da água estar em 3 e o cloro residual acima de 1?		Turbidez (UT)	Cor (UH)	Cloro Livre Residual (mg/L)	Coliformes Totais (Unidades em 100mL)
	jan/13	0,7	2,0	1,17	Ausente
Enviar resposta	fev/13	0,7	2,0	1,04	Ausente
	mai/13	1,1	3,0	1,05	Ausente
	jun/13	0,7	2,0	1,07	Ausente
	jul/13	1,1	3,0	1,11	Ausente
	ago/13	1,1	3,0	0,98	Ausente
	set/13	0,6	2,0	1,03	Ausente
	out/13	0,8	2,0	1	Ausente
	nov/13	0,6	2,0	0,89	Ausente
	dez/13	0,6	2,0	1,02	Ausente
	Fo	nte: CORSA	N. Unic	lade 107.	

 $\triangle$ 

Na questão 6, os dados estão agrupados. O número total de dados é 20.Para acharmos a resposta da questão é necessário, dividir 3/20= 0,15

MINIS ED	TÉRIO DA <b>UCAÇÃO</b>	BERNO FEDERAL	FIDENE	UNIVERSIDADE REGIONAL
	MINISTÉRIO DA EDUCAÇÃO	FRANK TOURN	PROBABILIDADE E ESTATÍSTICA	
	6. Qual a j Turbidez (	orobabilidade de uma amostra te ),9UT?	er Número de amostras da função da turbidez em lj de 2013	âgua distribuída em uí nos dias 7 e 13 de julho
	0,14		Turbidez (UT)	Nº de Amostras
	0,15		0,5	2
	0,16		0,6	2
	0,17		0,7	3
	0,30		0,8	6
		Enviar resposta	0,9	3
			1	2
			1,3	1
			1,6	1
			Fonte: CORSAN.	Unidade 107.

Então para acharmos o resultado seria necessário dividir da mesma forma da questão anterior!

MINISTERIO DA EDUCAÇÃO		PROB ES <sup>-</sup> Aiu	ABILIDADE E E ENTRE CONTRACTOR E E ENTRE CONTRACTOR E E ENTRE CONTRACTOR E E ENTRE CONTRACTOR E E E E E E E E E E E E E E E E E E E
Número de amostras em liuí r	s da água distribuída em função da los dias 7 e 13 de julho de 2013	turbidez	Na questão número 6, para calcular a probabilidade da turbidez ser 0.9 P(0.9UT), ao escolher uma amostra aleatoriamente ou por
Turbidez (UT)	número de de Amostras		acaso, devemos dividir o número de casos favoráveis pelo número de quantidades possíveis. Na tabela aparece 3 casos
0,5	2		onde turbidez é 0,9UT, entre um total de 20 amostras analisadas.
0,6	2		Cálculo: P(0,9UT)=3/20=0,15. Este número também pode ser representado por 15/100 ou 15%.
0,7	3		Na questão número 7 você deve fazer uma análise a exemplo da
0,8	6		primeira, considerando o que consta na segunda.
0,9	3	+	
1	2		
1,3	1		
1,6	1		
Fonte: CORSAN	Unidade 107	C	ж

Na questão 6 a probabilidade de uma amostra ter turbidez ser 0,9UT!









# Detao ajuda da questao o consta a seguinte informação. Na questão 7 pede-se a probabilidade de uma amostra ter a turbidez maior ou igual a 1UT. Para resolver essa questão então devemos dividir da mesma forma que foi feito na questão 6! A tabela envolve pontos de distribuição da água, onde ela é consumida. Segundo a legislação em vigor, em no mínimo 95% das amostras mensais coletadas deve apresentar turbidez de no máximo 1 UT. A média mensal deve ser menor que 0,5UT. OK

INVISTERIO DA EDUCAÇÃO	BABILIDADE E STATÍSTICA	
7. Qual a probabilidade de uma amostra ter Turbidez maior ou igual a 1UT?	Número de amostras da função da turbidez em de 2013	a água distribuída em Ijuí nos dias 7 e 13 de julho
	Turbidez (UT)	№ de Amostras
Enviar resposta	0,5	2
	0,6	2
	0,7	3
	0,8	6
	0,9	3
	1	2
	1,3	1
	1,6	1
	Fonte: CORSAN.	Unidade 107.

	FIDENC	UNIVERSIDADE
MINISTÉRIO DA EDUCAÇÃO	ABILIDADE E Atística	
		<b>=+0</b>
<ol> <li>Qual a probabilidade de se obter um ponto em que o índice de cloretos está abaixo de 1mg/L e, ao mesmo tempo, com índice de turbidez menor</li> </ol>	Número de amostras função da turbidez e de 2013	da água distribuída em m ljuí nos dias 7 e 13 de julho
que 1UT, se sortearmos uma amostra do manancial Rio Potiribu entre os 6 da tabela?	Turbidez (UT)	Nº de Amostras
0, ou seja, impossível	0,5	2
0.5	0,6	2
	0,7	3
r, ou seja, evento garantido	0,8	6
0,167	0,9	3
0,14	1	2
Enviar resposta	1,3	1
	1,6	1
	Fonte: CORSA	N. Unidade 107.
MINISTERIO DA EDUCAÇÃO	BILIDADE E Atística	
MINISTERIO DA EDUCAÇÃO 9. Qual a probabilidade de se obter um ponto em que o índice de cloretos está acima de 1mg/L CI	BILIDADE E ATÍSTICA	guas do Rio Potiribu em seis ta de amostras de água. Ijuí, 20
9. Qual a probabilidade de se obter um ponto em que o índice de cloretos está acima de 1mg/L CI e, ao mesmo tempo, com índice de turbidez menor que 5UT, se sortearmos uma amostra do	BILIDADE E ATÍSTICA Turbidez das á pontos de cole Pontos Clo	guas do Rio Potiribu em seis ta de amostras de água. Ijuí, 200 retos (mg/L CI)
9. Qual a probabilidade de se obter um ponto em que o índice de cloretos está acima de 1mg/L Cl e, ao mesmo tempo, com índice de turbidez menor que 5UT, se sortearmos uma amostra do manancial Rio Potiribu entre os 6 da tabela?	BILIDADE E ATÍSTICA Turbidez das á pontos de cole Pontos Clo P1	unas do Rio Potiribu em seis ta de amostras de água. Ijuí, 200 retos (mg/L Cl) Turbidez (NTU 2,5 0,14
Immisterio da Educação       Excession       PROBA EST.         9. Qual a probabilidade de se obter um ponto em que o índice de cloretos está acima de 1mg/L Cl e, ao mesmo tempo, com índice de turbidez menor que 5UT, se sortearmos uma amostra do manancial Rio Potiribu entre os 6 da tabela?         0, ou seja, impossível	BILIDADE E ATÍSTICA Turbidez das á pontos de cole Pontos Clo P1 P2	tetos (mg/L CI) 2,5 0,14 15,7 5,7
9. Qual a probabilidade de se obter um ponto em que o índice de cloretos está acima de 1mg/L CI e, ao mesmo tempo, com índice de turbidez menor que 5UT, se sortearmos uma amostra do manancial Rio Potiribu entre os 6 da tabela? 0, ou seja, impossível 0,5	BILIDADE E ATÍSTICA Turbidez das á pontos de cole Pontos Clo P1 P2 P3	ta de amostras de água. Ijui, 200 retos (mg/L CI) Turbidez (NTU 2,5 0,14 15,7 5,7 3,7 10
9. Qual a probabilidade de se obter um ponto em que o indice de cloretos está acima de 1mg/L CI e, ao mesmo tempo, com indice de turbidez menor que 5UT, se sortearmos uma amostra do manancial Rio Potiribu entre os 6 da tabela?         0, ou seja, impossível         0,5         1, ou seja, evento garantido	BILIDADE E ATÍSTICA Turbidez das á pontos de cole Pontos Clo P1 P2 P3 P4	ta de amostras de água. Ijuí, 200 retos (mg/L CI) 15,7 3,7 40,15 39
Imministerio da Educação       Exercision formada e e e obter um ponto em gue o índice de cloretos está acima de 1mg/L Cl e, ao mesmo tempo, com índice de turbidez menor que 5UT, se sortearmos uma amostra do manancial Rio Potiribu entre os 6 da tabela?         0, ou seja, impossível       0,5         1, ou seja, evento garantido       0,17	BILIDADE E ATÍSTICA Turbidez das á pontos de cole Pontos Clo P1 Clo P1 2 P3 2 P3 2 P4 2 P5 1	Image: constraint of the second of the se







## PROBABILIDADE E ESTATÍSTICA



10. Qual a probabilidade de se obter um ponto em que o índice de cloretos está abaixo de 5mg/L CI e, ao mesmo tempo, com índice de turbidez menor que 10UT, se sortearmos uma amostra do manancial do Rio Potiribu entre os 6 da tabela?

Enviar resposta

pontos de	coleta de amostras d	le água. ljuí, 2004.
Pontos	Cloretos (mg/L Cl)	Turbidez (NTU)
P1	2,5	0,14
P2	15,7	5,7
P3	3,7	10
P4	< 0,15	39
P5	< 0,15	39
P6	< 0,15	54

Turbidez das águas do Rio Potiribu em seis

Fonte: Projeto ECRAE, 2006 - DBQ/UNIJUÍ -Laboratório de Microbiologia.







	BILIDA	DEE (		
11. Qual a probabilidade de se obter um ponto em que o índice de cloretos está abaixo de 5mg/L Cl e, ao mesmo tempo, com índice de turbidez maior que 10UT, se sortearmos uma amostra do manancial do Rio Potiribu entre os 6	Turbidez o pontos de Pontos	das águas do Rio Poti coleta de amostras c Cloretos (mg/L Cl)	ribu em seis le água. Ijuí, 2004. Turbidez (NTU)	$\bigotimes$
da tabela?	P1	2,5	0,14	
0, ou seja, impossível	P2	15,7	5,7	
0,33	P3	3,7	10	
0,5	P4	< 0,15	39	
0,15	P5	< 0,15	39	
1	P6	< 0,15	54	
Enviar resposta	Fonte: Labor	Projeto ECRAE, 2006 atório de Microbiolog	8 - DBQ/UNIJUÍ - ia.	





12. Qual a probabilidade de uma amostra, escolhida por acaso entre as que constam na tabela, ter turbidez maior a 1UT?

MINISTÉRIO DA EDUCAÇÃO

Número de amostras da água distribuída em função da turbidez em ljuí nos dias 7 e 13 de julho de 2013

Turbidez (UT)	№ de Amostras
0,5	2
0,6	2
0,7	3
0,8	6
0,9	3
1	2
1,3	1
1,6	1
Fonte: CORSAN, Ur	nidade 107.







MINISTÉRIO DA EDUCAÇÃO	BABILIDADE E STATÍSTICA		CHEMAN
13. Qual a probabilidade de uma amostra escolhida por acaso, entre as que constam na tabela, ter turbidez menor que 1UT? 	Número de amostras da função da turbidez em julho de 2013 Turbidez (UT) 0,5 0,6 0,7 0,8	A água distribuída em ljuí nos dias 7 e 13 de Nº de Amostras 2 2 3 6	
	0,9 1 1,3 1,6	3 2 1	
	Fonte: CORSAN, Un	idade 107.	









15. Qual a probabilidade de uma amostra escolhida por acaso, entre as que constam na tabela, ter turbidez maior que 2UT?	√úmero de amostras o unção da turbidez em ulho de 2013	la água distribuída em ljuí nos dias 7 e 13 de
	Turbidez (UT)	Nº de Amostras
Enviar resposta	0,5	2
	0,6	2
	0,7	3
	0,8	6
	0,9	3
	1	2
	1,3	1
	1,6	1
	Fonte: CORSAN, Ur	nidade 107.









MINISTÉRIO DA Educação	BABILIDADE STATÍSTICA	E	(P) FIDENE				
17. De acordo com os dados da tabela sobre amostragem de turbidez, é correto afirmar que:	:	Número de amostras da água distribuída em função da turbidez em ljuí nos dias 7 e 13 de Julho de 2013 Turbidez Nº de amostras em função da turbidez de amostras em função da					
I - Na coleta do dia 07/07 tivemos duas amostras com turbidez 0,6 II - Na coleta do dia 13/07 tivemos uma amostra com turbidez 0,9			Coleta dia 7/07	Coleta dia 13/07			
III - Tivemos um total de 6 amostras com turbidez 0,8 IV - O total de coletas do dia 07/07 foi 10 Marque a alternativa correta com relação às afirmativas acima		0,5 0,6	0	2	2		
Apenas I e II são verdadeiras	-	0,7 0,8	2 3	1 3	3 6		
Apenas III e IV são verdadeiras		0,9 1	2	1 0	3 2		
II, III e IV são verdadeiras Todas as afirmações são verdadeiras		1,3 1,6	1	0 0	1		
Enviar resposta		Total Geral	10	10	20		
		Fon	te: CORSAN, Ur	nidade 107.			



PROBABILIDADE E ESTATÍSTICA



FINFNE

18. De acordo com as informações acima sobre cloro residual livre e o número de amostras do intervalo, estaria correto afirmar que:

I - A probabilidade de não termos bactérias heterotróficas no intervalo 1,46 a 1,56 é de 30%.
II - A probabilidade de termos bactérias heterotróficas no intervalo 1,06 a 1,26 é de 0%.
III - Temos um total de 5 amostras no intervalo 1,26 a 1,46.

IV - A probabilidade de termos bactéricas heterotróficas no intervalo 0,86 a 1,06 é de 100%.

Marque a alternativa correta com relação às afirmações acima:

Apenas I e III são verdadeiras

Apenas II é verdadeira

Apenas II, III e IV são verdadeiras

Apenas I e II são verdadeiras

Apenas II e IV são verdadeiras

Número de amostras da água distribuída em função do índice de cloro residual livre com ou sem presença de bactérias heterotróficas em ljuí - 2013

Cloro Residual Nº de amostras por intervalo Total Livre

	Sem bactérias heterotróficas	Com bactérias heterotróficas	
0,86  - 1,06	7	2	9
1,06  - 1,26	7	0	7
1,26  - 1,46	3	0	3
1,46  - 1,56	1	0	1
Total	18	2	20
Fonte: (	CORSAN, Unidad	e 107.	

	FIDENE				
MINISTERIO DA EDUCAÇÃO	LIDADE E Stica		E	NE Samanan Gi	
19. Considere que um mês da tabela seja selecionado de	Médias m cidade de	ensais do p ljuí-RS, de	adrão (	de qualidade o de 2016 a s	da água na setembro de 2017.
forma aleatoria. I – A probabilidade de ser turbidez abaixo de 0,6 UT é de 0,3. II – A probabilidade da cor ser abaixo de 1 UH é de 0,9. III – A probabilidade do Cloro Residual Livre estar abaixo		Turbidez (UT)	Cor (UH)	Cloro Livre Residual (mg/L)	Coliformes Totais (Unidades em 100 mL)
<ul> <li>de 1,3 mg/L e de 0,88.</li> <li>IV – A probabilidade da turbidez estar acima de 1 entre os meses de jan/17 e set/17 é de 0,11.</li> <li>Marque a alternativa correta com relação às afirmativas acima</li> </ul>	out/16 nov/16	0,9 0,5	1 0	1,25 1,30	Ausente Ausente
Apenas II, III e IV são verdadeiras.	dez/16	0,7	0	1,26	Ausente
Apenas I, II, e III são verdadeiras.	jan/17	0,6	0	1,25	Ausente
Apenas I e III são verdadeiras.	mar/17	0,7	0	1,18	Ausente
Apenas I e II são verdadeiras.	abr/17	0,7	0	1,24	Ausente
Apenas III e IV são verdadeiras.	mai/17	0,9	1	1,34	Ausente
	jun/17	1,1	1	1,30	Ausente
	jul/17	0,9	0	1,30	Ausente
	ago/17	0,5	0	1,23	Ausente
	set/17	0,6	0	1,15	Ausente
	Font	e: CORSAN	, Unida	de 107.	

-

Em qualquer uma das questões a seta de avançar aparecerá somente após o aluno acertar a que questão.



DESENVOLVIMENTO E IMPLEMENTAÇÃO DE SOFTWARE EDUCACIONAL PARA A ÁREA DE MATEMÁTICA VOLTADO PARA ESCOLAS DE ENSINO MÉDIO DA REDE PÚBLICA DE EDUCAÇÃO BÁSICA

**PROFESSORES RESPONSÁVEIS:** 



### AUTORES:

EDUCAÇÃO

CIÊNCIA DA COMPUTAÇÃO Antonio Carlos Catani Neto Guilherme do Carmo Leoni

**DESIGN** Eduardo Cristiano Siqueira Silva Rafael de Siqueira Fischer

MATEMÁTICA Caroline dos Santos Fernando Gasparin Fabrin Joel Luís Richter Patrik Piaceski Uéliton Carvalho da Silva Vagner Roberto de Oliveira COORDENADORA Tânia Michel Pereira

COLABORADORES Angela Patricia Grajales Spilimbergo Antonio Édson Corrente Barbara Gündel Mendonça Claudia Piva Claudia Piva Diane Meri Weiller Johan Edson Luiz Padoin José Paulo Medeiros da Silva Lecir Dalabrida Domeles Marcos Ronaldo Melo Cavalheiro Peterson Cleyton Avi Véra Lúcia Fischer **CONSULTORAS** Cátia Maria Nehring Fabricia Carneiro Roos Frantz

### **APOIO TÉCNICO:**

APOIO TÉCNICO OPERACIONAL/ ADMINISTRATIVO Dionei Fábio Buske Leila Regina Cargnelutti Follak Ricardo Klein Lorenzone